

<sup>acıya çıkarak, ifade etmek, açıklanmak</sup>  
brought out in the exercises for this section

Verilen bir  $G$  grupları ailesi üzerinde homomorfik görüntü olma beşartısı yansımalı ve geçiş-  
melidir fakat simetrik olmayabilir. Bu gerçeller  
bu bölüm alıştırmalarında ağıya çıkarılacaktır.

The real importance of homomorphisms will  
be much clearer at the end of Section 4.5 in  
the next <sup>chapter</sup>. The kernel of a homomorphism  
is one of the key concepts in that section.

Homomorfizmaların gerçek önemi takip eden  
kısmında Bölüm 4.5'in sonunda daha acık olacaktır.  
Bir homomorfizmanın sıfırlığı  $0$  bölümün anahtarı  
tan kavramlarından biridir.

# Conic Sections / Konik Kesitleri

In this chapter, we study geometric objects in the plane called conic sections. They are called conic sections, because each of them can be described as the intersection of a plane and a right circular cone in space. This is <sup>obvious, really</sup> apparent, geometrically, from fig 4.1.

Bu bölümde, koni kesitleri denilen düzlemlerdeki geometrik nesnelere çalışacağız. Onlara koni kesitleri denir, çünkü, her biri bir düzlem ile uzaydaki bir dairesel dik koninin kesişimi olarak tarif edilebilir. Bu şekil 4.1'de geometrik olarak açıklanmıştır.



Fig. 4.1.

We will see that any conic section is the graph of a second degree equation in  $x$  and  $y$ , and that the graph of any second degree equation is a conic section or a degenerate form of a conic section.

Keyfi bir koni kesitinin  $x$  ve  $y$  nin ikinci derece bir denkleminin grafiği olduğunu ve keyfi ikinci derece denklemin grafiğinin bir koni kesiti veya bir koni kesitinin basit bir biçimi olduğunu göreceğiz.

## Fundamental Definitions / Temel Tanımlar

Let  $F$  be a fixed point,  $d$  a fixed line in the plane and let  $e$  be a positive real number. Then the set of all points  $P$  in the plane such that  $\frac{|PF|}{|Pd|} = e$  is called the conic section or simply the conic with focus  $F$ , directrix  $d$  and eccentricity  $e$ .

$F$  sabit bir nokta,  $d$  düzlemlerde sabit bir doğru ve  $e$  pozitif bir reel sayı olsun. O zaman  $\frac{|PF|}{|Pd|} = e$  olacak şekilde düzlemlerdeki tüm  $P$  noktalarının kümesine konik kesiti veya basitçe  $F$  odaklı,  $d$  doğrultmalı ve  $e$  dış

merkezli konik dir.

Symbolically, the conic with focus  $F$ , directrix  $d$  and eccentricity  $e$  is the set  $\zeta = \{P : \frac{|PF|}{|Pd|} = e\} \dots (4.1.1)$ .

Symbolik olarak,  $F$  odaklı,  $d$  doğrultmanı ve  $e$  dış merkezli konik

$$\zeta = \{P : \frac{|PF|}{|Pd|} = e\} \dots (4.1.1)$$

konusudur.

As in Fig. 4.2., we consider the line  $l$  which is perpendicular to the directrix  $d$  and passes through the focus  $F$ . This line  $l$  is called the axis of the conic. An immediate observation is the following theorem:

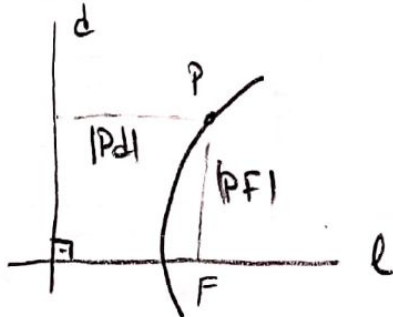


Fig. 4.2

Şekil 4.2 de olduğu gibi  $d$  doğrultmanına dik ve  $F$  odakından geçen  $l$  doğrultmanı ele alalım. Bu  $l$  doğrultmanı koninin eksenidir. Acil bir gözlem aşağıdaki teoremdir:

Theorem 4.1.1: Every conic is symmetric about its axis  $l$ .

Proof: Let  $P$  be a point on the conic and let  $Q$  be its symmetric partner about  $l$  (see Fig. 4.3). Then  $l$  is perpendicular bisector of  $[PQ]$ , whence  $|PF| = |QF|$  and  $|Pd| = |Qd|$ .

Kenar orta dikme  
bisector: a worthy  
median!

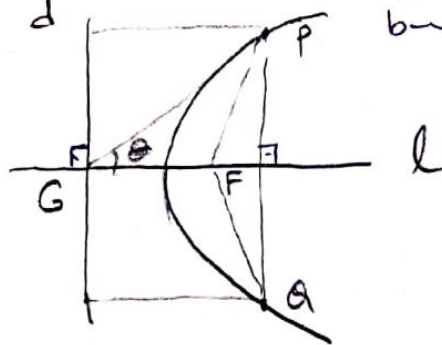


Fig. 4.3