

Then,  $f$  is said to have a local maximum at  $c$ , equal to the number  $f(c)$ .

Veriler bir  $f$  fonksiyonu ve reel değer üterinde bir nokta olarak düşünülebiyecek bir  $c$  sayısı verildiğinde  $c$  ye yeteri kadar yakin olan yani  $c$  nin bir komşuluğundaki tüm  $x$  ler için  $f(c) \geq f(x)$  olduğunu kabul edelim ( $f$  in bu noktanın komşuluğundaki her noktada tanımlı olduğu kabul edilir). O zaman  $f$   $c$  noktasında  $f(c)$  ye eşit bir yerel maksimuma sahiptir derir.

Similarly, if  $f(c) \leq f(x)$  for all  $x$  in some neighborhood of  $c$ , then  $f$  is said to have a local minimum at  $c$ , equal to the number  $f(c)$ . The term local extremum refers to either a local maximum or a local minimum.

Benzer şekilde,  $c$  nin bir komşuluğundaki tüm  $x$  ler için  $f(c) \leq f(x)$  ise o zaman  $f$   $c$  noktasında  $f(c)$  ye eşit bir yerel minimuma sahiptir derir.

Theorem 5 (Test for absolute extrema): Let  $f$  be continuous on a bounded closed interval  $[a, b]$  and suppose  $f$  has local extrema at the points  $c_1, c_2, \dots, c_n$  of the open interval  $(a, b)$  and only at these points. Then the largest numbers  $f(a), f(c_1), f(c_2), \dots, f(c_n), f(b)$  is the absolute maximum of  $f$

on  $[a, b]$  and the smallest of these numbers is the absolute minimum of  $f$  on  $[a, b]$ .

**Teorem 5 (Mutlak ekstremum testi):**  $f$  bir sınırlı, kapalı  $[a, b]$  aralığı üzerinde sürekli olsun ve  $f$  in <sup>sadece</sup>  $c_1, c_2, \dots, c_n$  noktalarında yerel ekstremuma sahip olduğunu kabul edelim. O zaman  $f(a), f(c_1), f(c_2), \dots, f(c_n), f(b)$  sayılarının en büyüğü  $f$  in  $[a, b]$  üzerindeki mutlak maksimumu ve en küçüğü  $f$  in  $[a, b]$  üzerindeki mutlak minimumudur.

**Proof:** If an absolute extremum of  $f$  occurs at an interior point of  $[a, b]$ , it will be found among the local extrema  $f(c_1), f(c_2), \dots, f(c_n)$ . But there is also the possibility that it occurs at an endpoint of  $[a, b]$ , and hence these  $n$  values of  $f$  must be compared with  $f(a)$  and  $f(b)$ . D.

**İspat:** Eğer  $f$  in bir mutlak ekstremumu  $[a, b]$  nin bir iç noktasında olursa  $f(c_1), f(c_2), \dots, f(c_n)$  yerel ekstremumları arasında bulunacaktır. Ama ayrıca  $[a, b]$  nin bir uç noktasında olma ihtimali de vardır ve böylece  $f$  in bu  $n$  değeri  $f(a)$  ve  $f(b)$  ile karşılaştırılmalıdır.

**Teorem 6 (Necessity condition for a local extremum):** If  $f$  has a local extremum at a point  $c$ , then the derivative  $f'(c)$  either fails to exist, or it exists and is equal to zero.

**Teorem 6 (Yerel ekstremum için gerekli şart):** Eğer  $f$  bir  $c$  noktasında bir yerel ekstremuma sahip ise o zaman  $f'(c)$  türevi ya mevcut değildir veya mevcut ise sıfıra eşittir.