

$$\begin{vmatrix} 1 & x & x+y+z \\ 1 & y & x+y+z \\ 1 & z & x+y+z \end{vmatrix} = (x+y+z) \begin{vmatrix} 1 & x & 1 \\ 1 & y & 1 \\ 1 & z & 1 \end{vmatrix} = 0$$

elde edilir. Burada determinant özelliklerinden, iki sütunu eşit determinantın değerinin 0 olması kullanılmıştır.

Bir başka düşünce şekli ise üçüncü sütun birinci sütunun $x + y + z$ katıdır dolayısıyla determinantın değeri sıfırdır.

4-) $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & \cos \alpha & \cos \beta \\ 1 & \cos \alpha & 1 & \cos \theta \\ 1 & \cos \beta & \cos \theta & 1 \end{vmatrix}$ determinantını determinant özelliklerini

kullanarak çarpanlarına ayırınız.

Çözüm: Birinci satır elemanları (-1) ile çarpılıp sırasıyla ikinci, üçüncü ve dördüncü satırlara eklenirse,

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & \cos \alpha & \cos \beta \\ 1 & \cos \alpha & 1 & \cos \theta \\ 1 & \cos \beta & \cos \theta & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & \cos \alpha - 1 & \cos \beta - 1 \\ 0 & \cos \alpha - 1 & 0 & \cos \theta - 1 \\ 0 & \cos \beta - 1 & \cos \theta - 1 & 0 \end{vmatrix}$$

$$= \begin{vmatrix} 0 & \cos \alpha - 1 & \cos \beta - 1 \\ \cos \alpha - 1 & 0 & \cos \theta - 1 \\ \cos \beta - 1 & \cos \theta - 1 & 0 \end{vmatrix}$$

bulunur. Birinci sütuna göre bu determinant açılırsa,

$$= -(\cos \alpha - 1) \begin{vmatrix} \cos \alpha - 1 & \cos \beta - 1 \\ \cos \theta - 1 & 0 \end{vmatrix} + (\cos \beta - 1) \begin{vmatrix} \cos \alpha - 1 & \cos \beta - 1 \\ 0 & \cos \theta - 1 \end{vmatrix}$$

$$= -(\cos \alpha - 1)[-(\cos \theta - 1)(\cos \beta - 1)] + (\cos \beta - 1)(\cos \alpha - 1)(\cos \theta - 1)$$