

Herhangi iki matris her zaman çarpılamaz. İki matrisin çarpılabilmesi için birinci matrisin sütun sayısı ikinci matrisin satır sayısına eşit olmalıdır.

Örnek 1.18:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 5 \\ 4 & 3 \end{bmatrix} \quad \text{ve} \quad B = \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \quad \text{ise}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 2 \cdot (-1) + 0 \cdot 0 & 2 \cdot (-2) + 0 \cdot 3 \\ -1 \cdot (-1) + 5 \cdot 0 & -1 \cdot (-2) + 5 \cdot 3 \\ 4 \cdot (-1) + 3 \cdot 0 & 4 \cdot (-2) + 3 \cdot 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & -4 \\ 1 & 17 \\ -4 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{dir.}$$

Matrislerin toplama, çarpma ve skalerle çarpma tanımlarından aşağıdaki teorem elde edilir.

Teorem 1.19: A $m \times n$ matris, B ve C $n \times r$ matrisler, D $r \times t$ matris ve λ bir skaler olmak üzere aşağıdaki özellikler sağlanır.

i-) $A(BD) = (AB)D$

ii-) $A(B + C) = AB + AC$

iii-) $(B + C)D = BD + CD$

iv-) $\lambda(AB) = (\lambda A)B = A(\lambda B)$

v-) $A0 = 0$

vi-) $AI = IA = A$

vii-) Genellikle $AB \neq BA$ dır. (A ve B iki kare matris olmak üzere $AB = BA$ eşitliği sağlanıyorsa A ve B ye *değişmelidir* denir.)

Örnek 1.20:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \quad \text{ve} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{matrisleri için}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 2 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{ve} \quad BA = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \quad \text{olup} \quad AB \neq BA \quad \text{dir.}$$

Tanım 1.21: A bir kare matris olsun. A nın n defa kendisiyle çarpımı sonucunda elde edilen matrise A nın ***n. kuvveti*** denir. Yani